

**ASIGNATURA: TEORÍA DE CIRCUITOS**  
**(2º Curso de Ingeniero Industrial)**  
**Primera parte: teoría y cuestiones**  
 Convocatoria de Junio de 2008. Duración 1h 50m

**TEORÍA:**

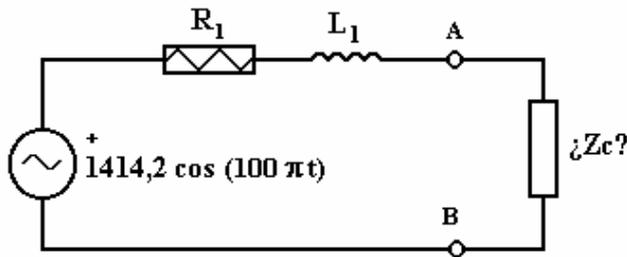
**T1)** Deduce y demuestra el valor de la potencia instantánea en una fase de un sistema trifásico y en el conjunto de las tres fases de un sistema trifásico equilibrado de secuencia inversa y frecuencia  $f$ . Como referencia, la fase a tiene la expresión analítica: (0.8 p)

$$u_A(t) = \sqrt{2}U_F \sin(2\pi ft + \varphi_U)(V); i_A(t) = \sqrt{2}I_F \cos(2\pi ft + \varphi_I)(A)$$

**T2)** El Teorema de Tellegen. Hipótesis de partida, enunciado, demostración, significado físico, utilidad práctica en otros teoremas y aplicaciones en un circuito eléctrico. (0.7 p)

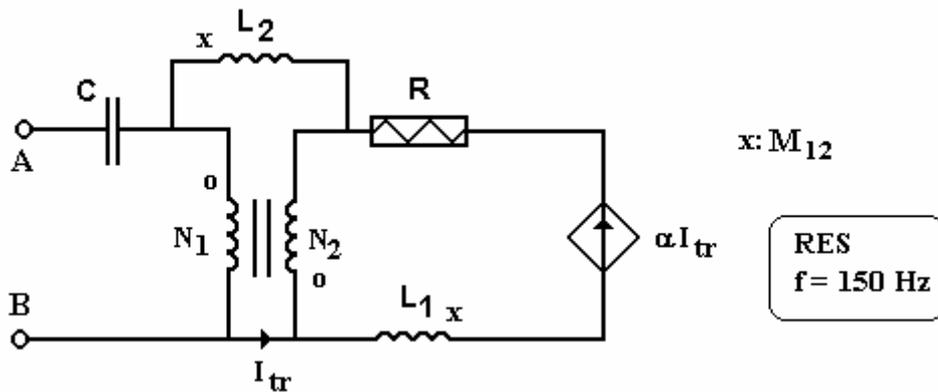
**CUESTIONES:**

**C1)** El circuito de la figura se encuentra en régimen permanente alimentado por una fuente de tensión ideal. Se sabe la potencia que consume una impedancia  $Z_c$  y su factor de potencia. Asimismo se conoce que  $R_1$  y  $L_1$  son elementos reales limitados respectivamente por sus máximas potencia e intensidad. ¿Cuál es el valor de  $Z_c$ ? (1,1 p)



$R_1 = 2\Omega$  Pot. máxima 500W  
 $L_1 = 12,73\text{mH}$  Int. máxima 20A  
 $Z_c \begin{cases} \cos \varphi = 0,8c \\ P = 10 \text{ kW (consumida)} \end{cases}$

**C2)** El circuito de la figura se encuentra en régimen permanente (estacionario) senoidal. En estas condiciones, determina la impedancia equivalente entre los puntos A y B. (1,0 p)  
**Datos:**  $R=20\Omega$ ;  $C = 2 \mu\text{F}$ ;  $N_1/N_2 = 10$ ;  $L_1=2\text{mH}$ ;  $L_2=4\text{mH}$ ;  $M_{12}=1\text{mH}$ ;  $\alpha = 10$



$x: M_{12}$

RES  
 $f = 150 \text{ Hz}$

*(Cuestión nº 3 en la cara siguiente)*

**ASIGNATURA: TEORÍA DE CIRCUITOS**  
**(2º Curso de Ingeniero Industrial)**  
**Primera parte: teoría y cuestiones**  
Convocatoria de Junio de 2008. Duración 1h 50m

**C3)** En un circuito que ha sufrido la conexión y desconexión de elementos eléctricos en un instante de tiempo  $t=0s$ , se ha obtenido la transformada de Laplace de la tensión  $u(t)$  en uno de sus condensadores, que resulta ser:

$$\bar{u}_C(s) = L(u_C(t)) = \frac{5 \cdot 10^{10} s^3 + 10^{15} s}{(s^4 + 2200s^3 + 1,65 \cdot 10^6 s^2 + 2,5 \cdot 10^8 s)(s^2 + 10^5)}$$

Con estos datos se quiere:

- a) Evaluar la duración aproximada del periodo transitorio. (0,4 p)
- b) Determinar el valor de las componentes de la tensión  $U_C(t)$  en régimen permanente (continuas, senoidales, polinómicas,...) (0.7 p)

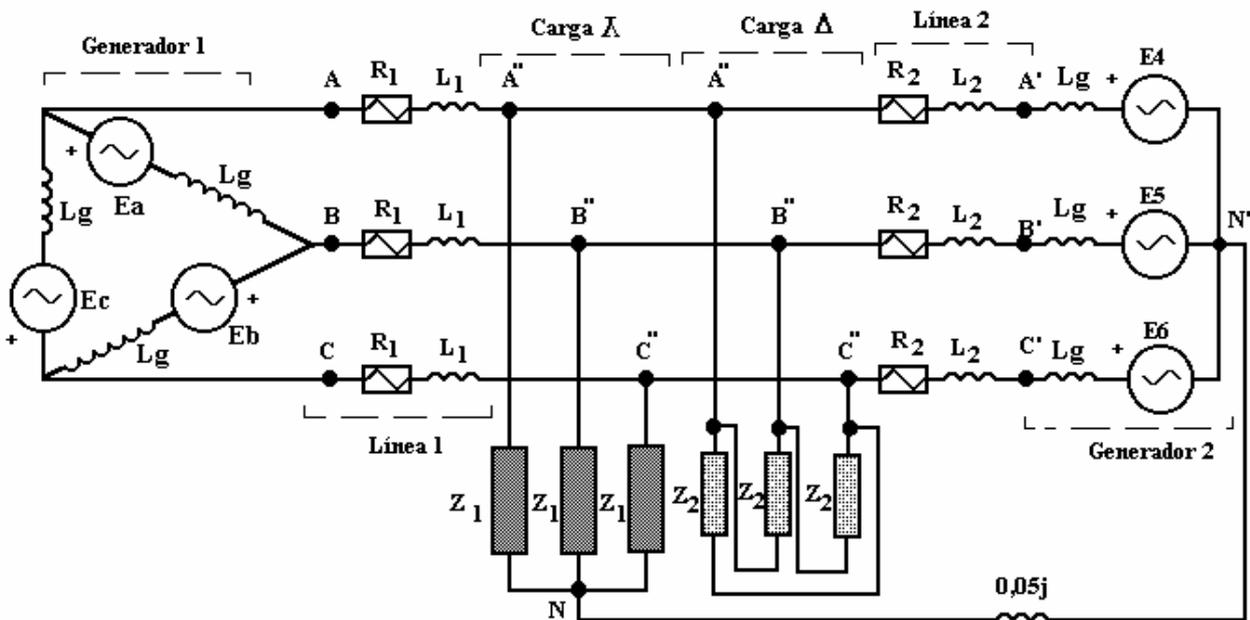
**Nota:** Justifique y razone adecuadamente su respuesta a cada una de las cuestiones. Cualquier respuesta sin justificación o demostración no será admitida como válida.

**ASIGNATURA: TEORÍA DE CIRCUITOS**  
**(2º Curso de Ingeniero Industrial). Segunda parte: problemas**  
 Convocatoria de Junio de 2008. Duración 2h30m

**P1)** Un circuito trifásico alimenta a través de dos líneas y dos generadores a dos cargas:  $Z_1$  y  $Z_2$ . Si las fuentes son reales y el circuito está en régimen permanente (RES) determine:

- a) Equivalente monofásico del sistema. (0,7 p)
- b) Intensidades en las líneas 1 y 2 (módulo, argumento). (0,5 p)
- c) Tensión de línea en las cargas (módulo). (0,4 p)
- d) Intensidad de fase b del generador 1 (módulo, argumento). (0,5 p)
- e) Intensidad de línea en una fase de la carga en  $\Delta$  (módulo, argumento), especificando la fase en la que obtiene dicha intensidad. (0,5 p)

**Datos:**  $R_1= 1\Omega$  ;  $R_2= 0,5\Omega$  ;  $L_1= 2,65mH$ ;  $L_2= 1,33mH$ ;  $Z_1= 10+10j \Omega$ ;  $Z_2=30-30j \Omega$ ;  $L_g=2,65mH$ ;



Generador 2:

$$E_4(t) = \sqrt{2} 110 \cos(120 \pi t + 0) \text{ (V)}$$

$$E_6(t) = \sqrt{2} 110 \cos(120 \pi t + 2\pi/3) \text{ (V)}$$

$$E_5(t) = \sqrt{2} 110 \cos(120 \pi t - 2\pi/3) \text{ (V)}$$

Generador 1:

$$E_a(t) = \sqrt{2} 240 \cos(120 \pi t + 0) \text{ (V)}$$

$$E_b(t) = \sqrt{2} 240 \cos(120 \pi t + 2\pi/3) \text{ (V)}$$

$$E_c(t) = \sqrt{2} 240 \cos(120 \pi t - 2\pi/3) \text{ (V)}$$

*(Problema nº 3 en la otra cara del folio)*

**P2)** El circuito de la figura llevaba un tiempo infinito con el interruptor S1 y S2 en la posición 1. En  $t=0$  se le cambia S1 y S2 a la posición 2, conectándose la fuente  $eg_2(t)$  y desconectándose C. Con estos datos determina:

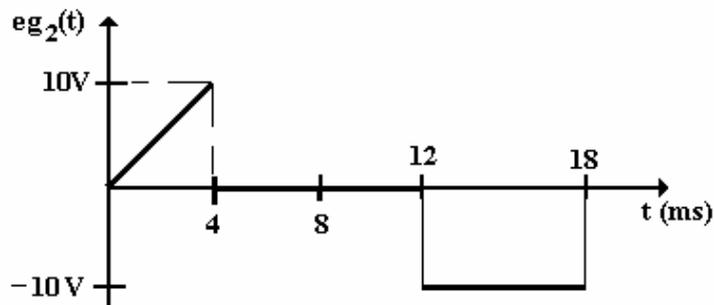
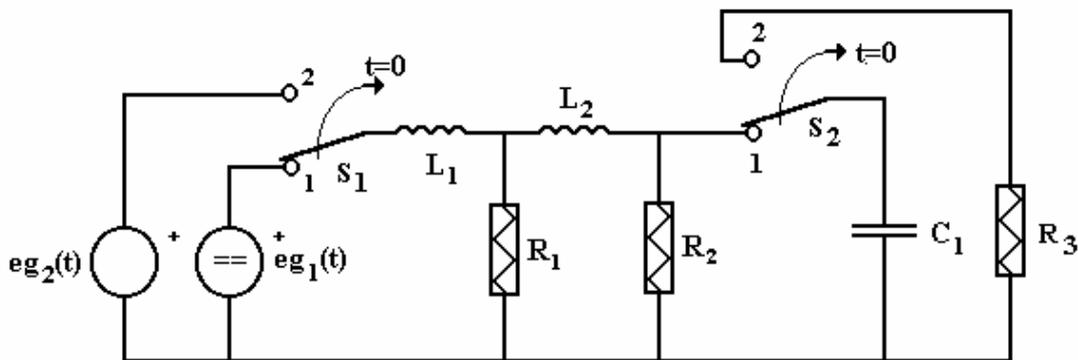
a) Los valores iniciales de tensiones e intensidades en los condensadores y de la bobina en  $t=0+$ . (0,7 p)

b) **Utilizando cualquier método**, la evolución de la bobina 2  $i_{L_2}(t)$  desde  $t=0$  hasta  $t=4\text{ms}$  (solución de la homogénea, sol. particular, constantes Ki, constantes de tiempo, condiciones finales,...). (1,0 p)

c) Si el interruptor S2 cambia de nuevo a la posición 1 en  $t=4\text{ms}$  y utilizando la transformada de Laplace (\*\*), la evolución de la tensión en el condensador C1 a partir de  $t=4\text{ms}$  hasta  $6\text{ms}$  (transformada, resolución algebraica, residuos, antitransformada,..). (1,0 p)

**Nota:** Si no se ha resultado el apartado b) puedes considerar que el circuito ya ha alcanzado en  $t=4\text{ms}$  un régimen permanente para la resolución del apartado c).

**Datos:**  $eg_1(t) = 100\text{ V}$ ;  $eg_2(t) =$  (véase la descripción analítica de la figura)



Datos :  $R_1 = 10\Omega$  ;  $R_2 = 20\Omega$  ;  $L_1 = 10\text{mH}$ ;  $L_2 = 20\text{mH}$ ;  $R_3 = 1\Omega$ ;  $C_1 = 100\mu\text{F}$

(\*\*): Si no se aplica la Transformada de Laplace la puntuación se reducirá un 25%.