

ASIGNATURA: TEORÍA DE CIRCUITOS
(2º Curso de Ingeniero Industrial)
Primera parte: teoría y cuestiones
 Convocatoria de Junio de 2008. Duración 1h 50m

TEORÍA:

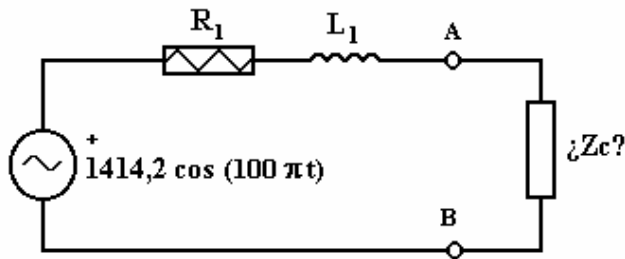
T1) Deduce y demuestra el valor de la potencia instantánea en una fase de un sistema trifásico y en el conjunto de las tres fases de un sistema trifásico equilibrado de secuencia inversa y frecuencia f . Como referencia, la fase a tiene la expresión analítica: (0.8 p)

$$u_A(t) = \sqrt{2}U_F \sin(2\pi ft + \varphi_U)(V); i_A(t) = \sqrt{2}I_F \cos(2\pi ft + \varphi_I)(A)$$

T2) El Teorema de Tellegen. Hipótesis de partida, enunciado, demostración, significado físico, utilidad práctica en otros teoremas y aplicaciones en un circuito eléctrico. (0.7 p)

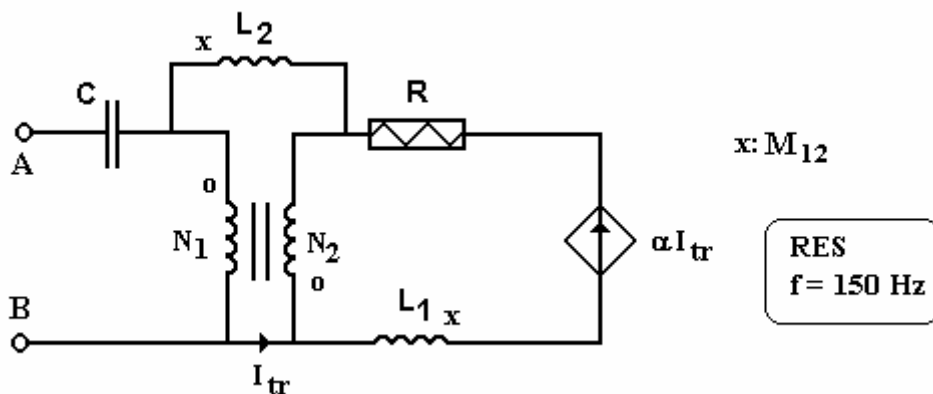
CUESTIONES:

C1) El circuito de la figura se encuentra en régimen permanente alimentado por una fuente de tensión ideal. Se sabe la potencia que consume una impedancia Z_c y su factor de potencia. Asimismo se conoce que R_1 y L_1 son elementos reales limitados respectivamente por sus máximas potencia e intensidad. ¿Cuál es el valor de Z_c ? (1,1 p)



$R_1 = 2\Omega$ Pot. máxima 500W
 $L_1 = 12,73\text{mH}$ Int. máxima 20A
 $Z_c \begin{cases} \cos \varphi = 0,8c \\ P = 10 \text{ kW (consumida)} \end{cases}$

C2) El circuito de la figura se encuentra en régimen permanente (estacionario) senoidal. En estas condiciones, determina la impedancia equivalente entre los puntos A y B. (1,0 p)
Datos: $R=20\Omega$; $C = 2 \mu\text{F}$; $N_1/N_2 = 10$; $L_1=2\text{mH}$; $L_2=4\text{mH}$; $M_{12}=1\text{mH}$; $\alpha = 10$



$x: M_{12}$

RES
 $f = 150 \text{ Hz}$

(Cuestión nº 3 en la cara siguiente)

ASIGNATURA: TEORÍA DE CIRCUITOS
(2º Curso de Ingeniero Industrial)
Primera parte: teoría y cuestiones
Convocatoria de Junio de 2008. Duración 1h 50m

C3) En un circuito que ha sufrido la conexión y desconexión de elementos eléctricos en un instante de tiempo $t=0s$, se ha obtenido la transformada de Laplace de la tensión $u(t)$ en uno de sus condensadores, que resulta ser:

$$\bar{u}_C(s) = L(u_C(t)) = \frac{5 \cdot 10^{10} s^3 + 10^{15} s}{(s^4 + 2200s^3 + 1,65 \cdot 10^6 s^2 + 2,5 \cdot 10^8 s)(s^2 + 10^5)}$$

Con estos datos se quiere:

- a) Evaluar la duración aproximada del periodo transitorio. (0,4 p)
- b) Determinar el valor de las componentes de la tensión $U_C(t)$ en régimen permanente (continuas, senoidales, polinómicas,...) (0.7 p)

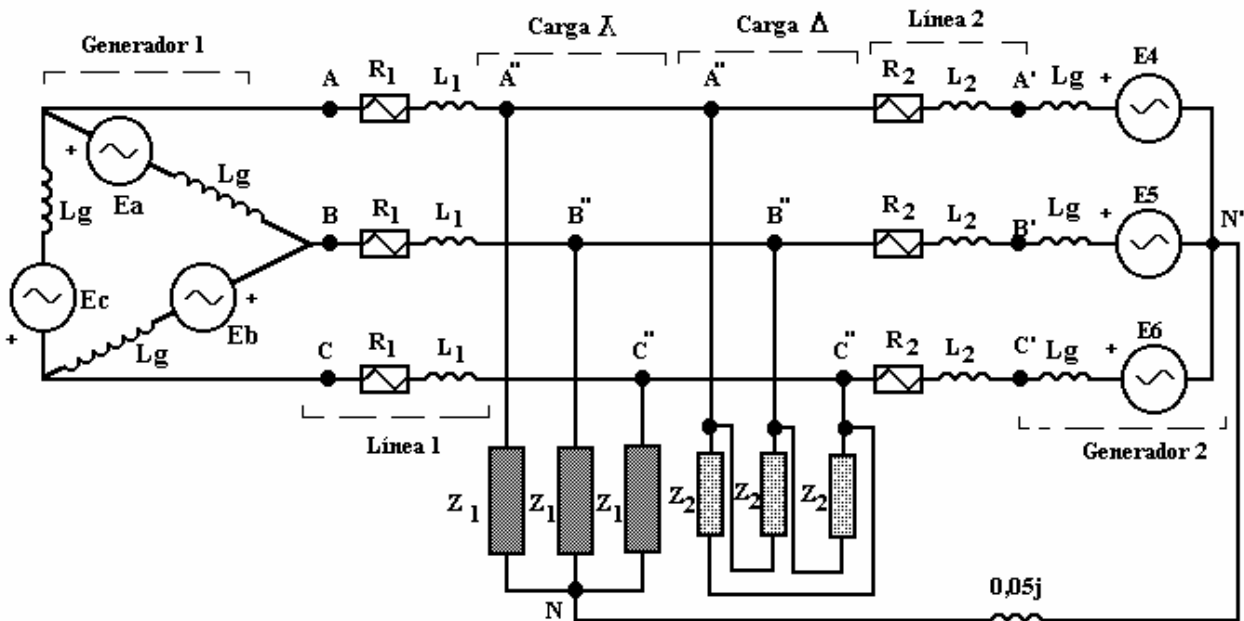
Nota: Justifique y razone adecuadamente su respuesta a cada una de las cuestiones. Cualquier respuesta sin justificación o demostración no será admitida como válida.

ASIGNATURA: TEORÍA DE CIRCUITOS
(2º Curso de Ingeniero Industrial). Segunda parte: problemas
 Convocatoria de Junio de 2008. Duración 2h30m

P1) Un circuito trifásico alimenta a través de dos líneas y dos generadores a dos cargas: Z_1 y Z_2 . Si las fuentes son reales y el circuito está en régimen permanente (RES) determine:

- Equivalente monofásico del sistema. (0,7 p)
- Intensidades en las líneas 1 y 2 (módulo, argumento). (0,5 p)
- Tensión de línea en las cargas (módulo). (0,4 p)
- Intensidad de fase b del generador 1 (módulo, argumento). (0,5 p)
- Intensidad de línea en una fase de la carga en Δ (módulo, argumento), especificando la fase en la que obtiene dicha intensidad. (0,5 p)

Datos: $R_1= 1\Omega$; $R_2= 0,5\Omega$; $L_1= 2,65mH$; $L_2= 1,33mH$; $Z_1= 10+10j \Omega$; $Z_2=30-30j \Omega$; $L_g=2,65mH$;



Generador 2:

$$E_4(t) = \sqrt{2} 110 \cos(120 \pi t + 0) \text{ (V)}$$

$$E_6(t) = \sqrt{2} 110 \cos(120 \pi t + 2\pi/3) \text{ (V)}$$

$$E_6(t) = \sqrt{2} 110 \cos(120 \pi t - 2\pi/3) \text{ (V)}$$

Generador 1:

$$E_a(t) = \sqrt{2} 240 \cos(120 \pi t + 0) \text{ (V)}$$

$$E_b(t) = \sqrt{2} 240 \cos(120 \pi t + 2\pi/3) \text{ (V)}$$

$$E_c(t) = \sqrt{2} 240 \cos(120 \pi t - 2\pi/3) \text{ (V)}$$

(Problema nº 3 en la otra cara del folio)

P2) El circuito de la figura llevaba un tiempo infinito con el interruptor S1 y S2 en la posición 1. En $t=0$ se le cambia S1 y S2 a la posición 2, conectándose la fuente $eg_2(t)$ y desconectándose C. Con estos datos determina:

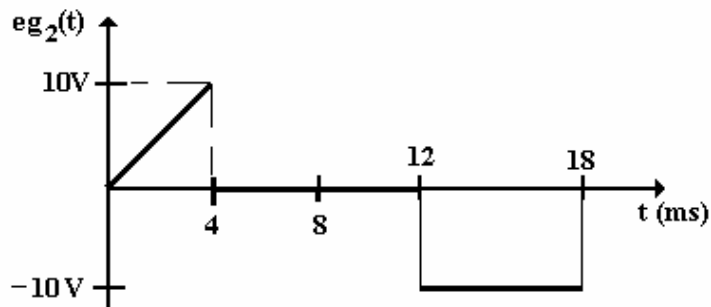
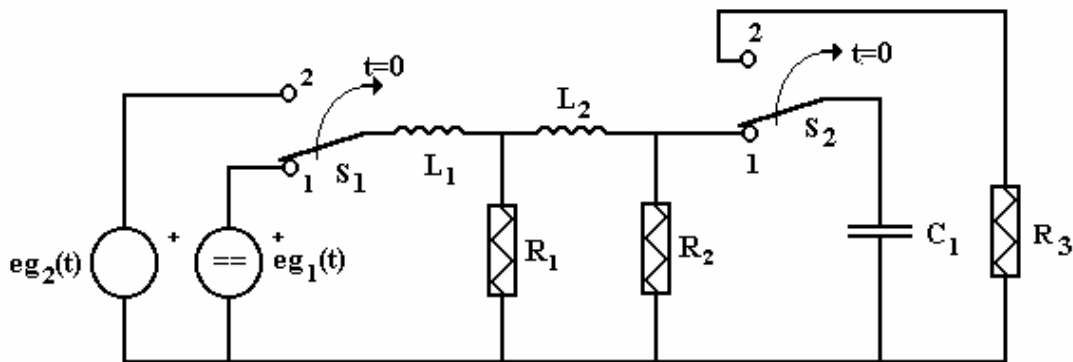
a) Los valores iniciales de tensiones e intensidades en los condensadores y de la bobina en $t=0+$. (0,7 p)

b) **Utilizando cualquier método**, la evolución de la bobina 2 $i_{L_2}(t)$ desde $t=0$ hasta $t=4\text{ms}$ (solución de la homogénea, sol. particular, constantes K_i , constantes de tiempo, condiciones finales,...). (1,0 p)

c) Si el interruptor S2 cambia de nuevo a la posición 1 en $t=4\text{ms}$ y utilizando la transformada de Laplace (**), la evolución de la tensión en el condensador C1 a partir de $t=4\text{ms}$ hasta 6ms (transformada, resolución algebraica, residuos, antitransformada,..). (1,0 p)

Nota: Si no se ha resultado el apartado b) puedes considerar que el circuito ya ha alcanzado en $t=4\text{ms}$ un régimen permanente para la resolución del apartado c).

Datos: $eg_1(t) = 100\text{ V}$; $eg_2(t) =$ (véase la descripción analítica de la figura)



Datos : $R_1 = 10\Omega$; $R_2 = 20\Omega$; $L_1 = 10\text{mH}$; $L_2 = 20\text{mH}$; $R_3 = 1\Omega$; $C_1 = 100\mu\text{F}$

(**): Si no se aplica la Transformada de Laplace la puntuación se reducirá un 25%.