

Departamento de Estructuras y Construcción

Área de Mecánica de Medios Continuos y Teoría de Estructuras



EXAMEN FINAL DE FEBRERO DE 2011

Titulación: GRADUADO EN ARQUITECTURA POR LA UPCT

Curso 2^o

Asignatura: ESTRUCTURAS DE EDIFICACIÓN I

Día: jueves, 20 de febrero Hora: 9.00h Aulas: PB-1, PB-2 y PB-3

Cuestiones (50 % de la nota del examen)

Tiempo: 1h30'

1. El campo vectorial de desplazamientos en el entorno del punto P de un medio continuo es (en mm)

$$u = -zy \cdot 10^{-5}$$
, $v = zx \cdot 10^{-5}$, $w = -2xy \cdot 10^{-5}$

Se pide:

- a) Calcular el tensor de pequeñas deformaciones en el punto P. (0,5 puntos)
- b) Calcular la variación en longitud que sufre el vector PQ. (1 puntos)
- c) Calcular la deformación angular del vector **PQ**. (1 puntos)

Datos:

$$P(0,1,-1), Q(10^{-6}, 1+10^{-6}, -(1+2\cdot 10^{-6}))$$
 en mm

2. En un punto de un sólido elástico son conocidas las tensiones (en MPa) y direcciones principales:

$$\sigma_{1} = \frac{\sqrt{3} + 1}{2} \text{ MPa}; \quad n_{1} = \begin{pmatrix} 0 & \pm \frac{\sqrt{2}}{2} & \pm \frac{\sqrt{2}}{2} \end{pmatrix}^{T},$$

$$\sigma_{2} = 1 \text{ MPa}; \qquad n_{2} = \begin{pmatrix} \pm 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}^{T},$$

$$\sigma_{3} = \frac{\sqrt{3} - 1}{2} \text{ MPa}; \quad n_{3} = \begin{pmatrix} 0 & \pm \frac{\sqrt{2}}{2} & \mp \frac{\sqrt{2}}{2} \end{pmatrix}^{T}.$$

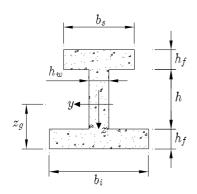
Se pide determinar **gráficamente**:

- a) Las componentes intrínsecas del vector tensión correspondiente a un plano cuya normal forma ángulos iguales con los ejes xyz. (1,5 puntos)
- b) El valor de la máxima tensión tangencial de los planos de tensión normal nula y el plano en que se produce, referido al sistema principal. (0,5 puntos)
- c) La tensión tangencial máxima y el plano en que se produce, referido al sistema principal. $(0.5~{\rm puntos})$

CONTINÚA DETRÁS



3. Se conoce que la sección de la figura, sometida a flexión compuesta, tiene una distribución de tensiones normales tal que el ala inferior está totalmente plastificada (y trabaja a tracción), que el trozo de alma por debajo del eje y trabaja en régimen elástico y que el eje neutro coincide con el eje y. Se pide determinar el valor del momento actuante. (2,5 puntos)



Datos

$$h=400 \text{ mm}$$
 $h_f=150 \text{ mm}$ $h_w=150 \text{ mm}$ $b_s=500 \text{ mm}$ $b_i=700 \text{ mm}$ $z_g=316 \text{ mm}$ $\sigma_e=20 \text{ MPa}$

4. Calcular el desplazamiento vertical del punto B de la la figura, sabiendo que el punto C ha sufrido un descenso w_C . (2,5 puntos)

Datos

$$w_C = 5 \cdot 10^{-3} \text{ m}$$

 $I_y = 1450 \cdot 10^4 \text{ mm}^4$
 $E = 210 \text{ GPa}$

Tabla 1. Leyes de momentos flectores (kN·m)

Tramo	AB	BC	CD
	$0 \le x \le 2$	$2 \le x \le 4$	$4 \le x \le 6$
$M_{y}\left(x\right)$	-8,75x	1,25x-20	7,5x-45



Departamento de Estructuras y Construcción

Área de Mecánica de Medios Continuos y Teoría de Estructuras



EXAMEN FINAL DE FEBRERO DE 2011

Titulación: GRADUADO EN ARQUITECTURA POR LA UPCT

Curso 2^o

Asignatura: ESTRUCTURAS DE EDIFICACIÓN I

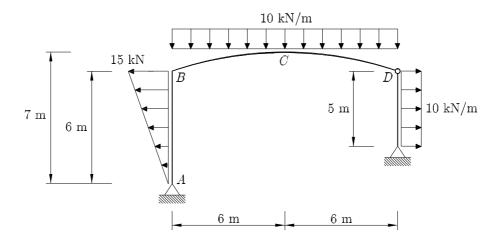
Día: jueves, 20 de febrero Hora: 9.00h Aulas: PB-1, PB-2 y PB-3

Problema 1 (25 % de la nota del examen)

Tiempo: 1h30'

Para la estructura de la figura, se pide:

- 1. Calcular las reacciones en los apoyos. (3 puntos)
- 2. Calcular las expresiones analíticas de las leyes de esfuerzos. (4 puntos)
- 3. Dibujar los diagramas de esfuerzos, acotando los valores máximos y mínimos de los esfuerzos y las coordenadas de los puntos en que se producen. (3 puntos)



CONTINÚA DETRÁS



Departamento de Estructuras y Construcción

Área de Mecánica de Medios Continuos y Teoría de Estructuras



EXAMEN FINAL DE FEBRERO DE 2011

Titulación: GRADUADO EN ARQUITECTURA POR LA UPCT

Curso 2°

Asignatura: ESTRUCTURAS DE EDIFICACIÓN I

Día: jueves, 20 de febrero Hora: 9.00h Aulas: PB-1, PB-2 y PB-3

Problema 2 (25 % de la nota del examen)

Tiempo: 1h

En la figura se muestran las leyes de esfuerzos de un pórtico de dos barras, con sección transversal cuadrada el pilar y rectangular la viga. Se pide:

- 1. Calcular la expresión analítica de la distribución de tensiones normales en la sección más desfavorable de la viga y representarla gráficamente. (3 puntos)
- 2. Calcular el núcleo central de la sección transversal del pilar y representarlo gráficamente. (3,5 puntos)
- 3. Calcular la distribución de tensiones tangenciales en la sección más desfavorable a esfuerzos cortantes de la viga, y representarla gráficamente (3,5 puntos)

CONTINÚA DETRÁS