

### EJERCICIO SOBRE CINTAS TRANSPORTADORAS

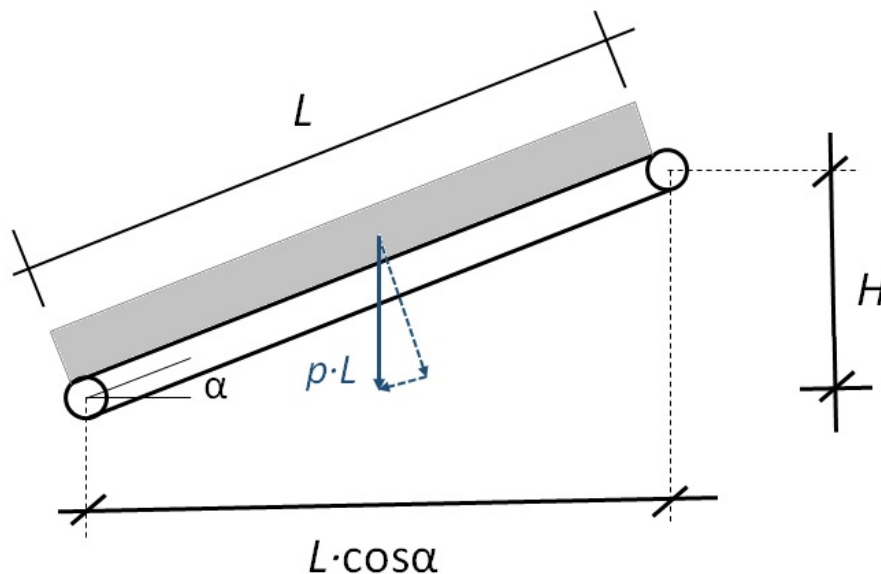
1. Calcula el máximo caudal de hormigón fresco que suministrará una cinta transportadora que tiene 30 m de longitud y que tiene que salvar un desnivel de 6 metros. Otros datos:

- El coeficiente de fricción entre la cinta y rodillos es  $\mu = 0.10$ .
- La densidad del hormigón fresco durante su transporte es de  $2.0 \text{ t/m}^3$
- El coeficiente de transmisión del motor es  $\eta = 2/3$
- La potencia del motor es de 50 C.V.

Solución:

El motor de la cinta transportadora debe de disponer de potencia suficiente para desplazar el hormigón fresco sobre la cinta, superando sus rozamientos y, además, para elevar el hormigón a la cota prevista.

La potencia mecánica se define como la rapidez con que se realiza un trabajo, o lo que es lo mismo, el producto de la fuerza resultante aplicada por la velocidad. La potencia necesaria para vencer el rozamiento de la cinta y rodillos  $\mu$ , es el producto de la fuerza normal sobre la cinta por el coeficiente de rozamiento. Dicha fuerza se desplaza a la velocidad de la cinta



Siendo  $p$  el peso del hormigón fresco por metro lineal de cinta, la potencia  $P_1$  necesaria para desplazar a una velocidad  $v$  el peso, teniendo en cuenta el rendimiento del motor  $\eta$ , sería la siguiente:

$$P_1 = \frac{v \times p \times L \times \cos \alpha}{\eta} \times \mu = \frac{\gamma \times Q \times L \times \cos \alpha}{\eta} \times \mu \quad (1)$$

En la expresión anterior, el producto de la velocidad  $v$  por el peso por metro lineal  $p$ , se sustituye por el producto del peso específico  $\gamma$  del hormigón fresco por el caudal  $Q$  transportado por la cinta.

Por otra parte, la potencia necesaria para vencer el desnivel es el producto del peso del material por la velocidad de ascensión, que es  $v \cdot \sin \alpha$ , quedando la siguiente expresión:

$$P_2 = \frac{v \times p \times L \times \sin \alpha}{\eta} = \frac{\gamma \times Q \times H}{\eta} \quad (2)$$

Por tanto, la potencia necesaria total será la suma de  $P_1$  y  $P_2$ . Se puede calcular mediante la siguiente expresión:

$$P_T = \frac{p \times v}{\eta} \times (L \times \mu \times \cos \alpha + H) = \frac{\gamma \times Q}{\eta} \times (L \times \mu \times \cos \alpha + H) \quad (3)$$

De esta expresión se puede despejar el caudal  $Q$ :

$$Q = \frac{P_T \times \eta}{\gamma \times (L \times \mu \times \cos \alpha + H)} \quad (4)$$

Expresando todas las unidades en el Sistema Internacional (1 C.V. = 735.498 W; 1 t = 9807 N), la expresión queda como sigue:

$$Q = \frac{50 \times 735.498 \times \frac{2}{3}}{2 \times 9807 \times (30 \times 0.10 \times \sqrt{30^2 - 6^2} + 6)} = 0.01327 \text{ m}^3/\text{s} = 47.78 \text{ m}^3/\text{h} \quad (5)$$

El motor de la cinta transportadora debe de disponer de potencia suficiente para desplazar el hormigón fresco sobre la cinta, superando sus rozamientos y, además, para elevar el hormigón a la cota prevista.